

**آکادمی آموزشی کهکشان**  
با اسمه تعالیٰ

ساعت شروع: ۱۰: صبح	۲	تعداد صفحه: ۳	رشته: ادبیات و علوم انسانی-علوم و معارف اسلامی	سوالات امتحان نهایی درس: ریاضی و آمار
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	۱۳۹۹/۱۰/۲۷	نام و نام خانوادگی:	تاریخ امتحان: ۱۳۹۹	پایه: دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دی ماه سال ۱۳۹۹			
نمره	ردیف	توجه: استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی، جذر و درصد) بلامانع است. سوالات (پاسخ نامه دارد)		

۱/۲۵	۱	جاهای خالی را با عبارات مناسب تکمیل کنید.  الف) پیشامد ..... وقتی رخ می دهد که پیشامد $A$ رخ دهد و پیشامد $B$ رخ ندهد.  ب) تعداد جایگشت های $n$ تایی از $n$ شیء متمایز، برابر است با .....  پ) ..... داده ای است که نصف داده ها از آن کمتر و نصف داده ها از آن بیشتر هستند.  ت) بیان مسئله و فهم آن ..... گام در چرخه آمار است.  ث) هرچه پراکندگی متغیر در جامعه بیشتر باشد، برای اطمینان از جود تنوع، به اندازه نمونه ..... نیاز داریم.
۱/۲۵	۲	درستی یا نادرستی هر یک از عبارات زیر را مشخص کنید.  الف) معیارهایی مانند میانگین و میانه به ما کمک می کنند بدانیم داده ها در کجا متتمرکزند.  ب) برای توصیف داده های کیفی گزارش درصد باید با گزارش تعداد همراه باشد.  پ) دامنه تغییرات از معیارهای گرایش به مرکز می باشد.  ت) وقتی داده دور افتاده نداریم، میانه شاخص مناسب تری از میانگین برای توصیف داده ها می باشد.  ث) تهی را یک پیشامد حتمی می نامیم.
۱/۵	۳	مهدهی از بین ۳ کتاب ریاضی، ۲ کتاب عربی و ۴ کتاب ادبیات به چند طریق می تواند:  الف) یک کتاب برای مطالعه انتخاب کند؟  ب) یک کتاب ریاضی، یک کتاب عربی و یک کتاب ادبیات انتخاب کند؟
۱	۴	با ارقام ۱, ۲, ۴, ۷, ۹ چند عدد سه رقمی فرد بدون تکرار ارقام می توان نوشت؟
۱	۵	در کیسه ای ۴ مهره سفید، ۳ مهره زرد و ۲ مهره آبی وجود دارد. ۳ مهره به تصادف از آن خارج می کنیم. مطلوبست محاسبه احتمال اینکه رنگ سه مهره متفاوت باشد.
۱	۶	یک تاکسی دارای ۴ سرنشین است؛ مطلوبست محاسبه احتمال اینکه هر ۴ نفر در ماه خرداد متولد شده باشند.
۱	۷	در موارد زیر، نام گام را بنویسید.  الف) برگزاری آزمون های پیشرفت تحصیلی در مدارس و بررسی نمره دانش آموزان ب) بررسی علل پایین بودن سرانه مطالعه دانش آموزان کشور در مقطع متوسطه دوم
۱	۸	برای جملات دنباله روپرتو:  الف) رابطه بازگشتی دنباله را بنویسید. ب) ضابطه تابعی دنباله را به دست آورید.
۱	۹	مجموع بیست جمله اول دنباله حسابی روپرتو به دست آورید.  « ادامه پرسش ها در صفحه دوم »

**آکادمی آموزشی کهکشان**  
با اسمه تعالیٰ

ساعت شروع: ۱۰ صبح	۲	تعداد صفحه: رشته: ادبیات و علوم انسانی-علوم و معارف اسلامی	۳ سوالات امتحان نهایی درس: ریاضی و آمار
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	۱۳۹۹/۱۰/۲۷	نام و نام خانوادگی: تاریخ امتحان:	پایه: دوازدهم دوره دوم متوسطه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در <b>دی ماه سال ۱۳۹۹</b> کیفیت آموزشی مرکز سنجش و پایش <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>			
نمره	توجه: استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی، جذر و درصد) بلامانع است. سوالات (پاسخ نامه دارد)		ردیف

۱	$a_{n+۳} = a_n + a_{n+۱} + a_{n+۲}$ $a_۱ = a_۲ = a_۳ = ۲$	جمله پنجم از دنباله بازگشتی زیر را بنویسید.	۱۰
۱/۲۵	در یک دنباله حسابی جمله اول ۱۲ و اختلاف مشترک ۲۰ است. کدام جمله از دنباله برابر ۵۹۲ است؟	۱۱	
۱/۲۵	در یک دنباله حسابی $a_۱ + a_۲ + a_۳ = ۹۰$ باشد، جمله ششم دنباله چقدر است؟	۱۲	
۰/۷۵	$\frac{۱}{۸}, \frac{۱}{۴}, \frac{۱}{۲}, ۱, ۲, \dots$ حاصل عبارت زیر را به دست آورید.	۱۳	
	$\frac{۱۴}{a_۹ - a_۶}$		
۰/۷۵	در دنباله هندسی زیر جاهای خالی را پر کنید. $۴, ۱۲, \dots, ۱۰۸, \dots, \dots$	۱۴	
۱	$11^{\frac{۵}{۷}} \times 11^{\frac{۹}{۷}}$ (الف) $\frac{۳}{۲} \times \frac{۳}{۲}$ (ب)	حاصل عبارات زیر را به دست آورید.	۱۵
۱/۵	اعداد توان دار را به صورت رادیکالی و عبارت های رادیکالی را به صورت توان دار بنویسید.	$\sqrt[۷]{x^۵}$ (الف) $(\pm 1)^{\frac{۱}{۳}}$ (ب) $(a)^{\frac{۳}{۸}}$ (پ)	۱۶
۱/۵	نمودار های توابع $f(x) = 4^x$ , $f(x) = 2^x$ , $f(x) = 3^x$ در شکل زیر رسم شده اند. ضابطه هر نمودار را مشخص کنید.		۱۷
۱	جمعیت شهری در سال ۲۰۲۰ میلادی حدود ۱۰۰۰۰۰ نفر برآورد شده است. اگر رشد جمعیت این شهر با نرخ یک درصد در حال کاهش باشد، جمعیت آن در سال ۲۰۲۱ میلادی چند نفر خواهد بود؟		۱۸
۲۰	جمع نمره	«موفق باشید»	

# آکادمی آموزشی کهکشان

با اسمه تعالی

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	رشته: ادبیات و علوم انسانی – علوم و معارف اسلامی	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضی و آمار ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۱۰/۲۷		پایه: دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور در دی ماه سال ۱۴۰۰

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	صفحه ۱۷ و ۳۰ کتاب الف) $A - B$ ب) $n!$ پ) میانه ت) اولین ث) بزرگ تری ه) هرموارد (۰/۲۵)	۱/۲۵
۲	صفحه ۱۵ و ۳۴ کتاب الف) درست ب) درست پ) نادرست ت) درست ث) نادرست ه) هرموارد (۰/۲۵)	۱/۲۵
۳	صفحه ۳ کتاب الف) (۰ / ۷۵) ب) (۰ / ۷۵) $3 \times 2 \times 4 = 24$	۱/۵
۴	صفحه ۹ کتاب $3 \times 4 \times 3 = 36$ (۱)	۱
۵	صفحه ۲۵ کتاب $n(s) = \binom{9}{3} = \frac{9!}{3! \times 6!} = 84$ (۰ / ۲۵) $n(A) = \binom{4}{1} \times \binom{3}{1} \times \binom{2}{1} = 24$ (۰ / ۲۵) $P(A) = \frac{24}{84} = \frac{2}{7}$ (۰ / ۵)	۱
۶	صفحه ۲۰ کتاب $\frac{1}{12} \times \frac{1}{12} \times \frac{1}{12} \times \frac{1}{12} = \left(\frac{1}{12}\right)^4$ (۱)	۱
۷	صفحه ۳۰ کتاب الف) طرح و برنامه ریزی (۰/۵) ب) بیان مسئله (۰/۵)	۱
۸	صفحه ۵۵ کتاب الف) $a_{n+1} = a_n + ۵$ ، $a_۱ = ۳$ (۰ / ۵) ب) $a_n = ۳ + (n-1) \times ۵$ (۰ / ۲۵) $a_n = ۵n - ۲$ (۰ / ۲۵)	۱
۹	صفحه ۶۹ کتاب $S_{۱۰} = \frac{۲۰}{۲} [۲ \times (-10) + ۱۹ \times ۴] \rightarrow S_{۱۰} = ۵۶۰$ (۰ / ۲۵)	۱
۱۰	صفحه ۵۸ کتاب $a_r = a_۱ + a_۲ + a_۳ = ۶$ (۰ / ۵) $\Rightarrow$ $a_۵ = a_۱ + a_۲ + a_۳ + a_۴ = ۲ + ۲ + ۶ = ۱۰$ (۰ / ۵)	۱
	«ادامه پاسخ ها در صفحه دوم»	

# آکادمی آموزشی کهکشان

با سمه تعالی

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	رشته: ادبیات و علوم انسانی – علوم و معارف اسلامی	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضی و آمار ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۰۱/۲۷		پایه: دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور در دی ماه سال ۱۴۰۰

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۱	صفحه ۶۳ کتاب	۱/۲۵
	$a_n = a_1 + (n-1) \times d \Rightarrow ۵۹۲ = ۱۲ + (n-1) \times ۲۰ \quad (۰ / ۵)$ $۵۹۲ - ۱۲ + ۲۰ = ۲۰n \Rightarrow ۶۰۰ = ۲۰n \quad (۰ / ۵) \Rightarrow n = ۳۰ \quad (۰ / ۲۵)$	
۱۲	صفحه ۷۰ کتاب	۱/۲۵
	$a_1 + \Delta d + a_1 + ۳d + a_1 + ۷d = ۹۰ \quad (۰ / ۵) \Rightarrow ۳a_1 + ۱۵d = ۹۰ \quad (۰ / ۲۵)$ $\xrightarrow{+۳} a_1 + \Delta d = ۳۰ \quad (۰ / ۲۵) \Rightarrow a_1 = ۳۰ \quad (۰ / ۲۵)$	
۱۳	صفحه ۸۱ کتاب	۰/۷۵
	$\frac{۱۴}{a_1 - a_5} = \frac{۱۴}{۳۲ - ۴} \quad (۰ / ۵) \Rightarrow \frac{۱۴}{۲۸} = \frac{۱}{۲} \quad (۰ / ۲۵)$	
۱۴	صفحه ۸۳ کتاب	۰/۷۵
	$r = ۳ \Rightarrow ۱۲ \times ۳ = ۳۶ \quad (۰ / ۲۵) \quad ۱۰۸ \times ۳ = ۳۲۴ \quad (۰ / ۲۵)$ $۳۲۴ \times ۳ = ۹۷۲ \quad (۰ / ۲۵)$	
۱۵	صفحه ۹۳ کتاب	۱
	$15^{\frac{۳}{۲}} \quad (۰ / ۵) \quad \text{(ب)} \quad 11^{\frac{۵+۹}{۷+۷}} \quad (۰ / ۲۵) = 11^2 \quad (۰ / ۲۵) \quad \text{(الف)}$	
۱۶	صفحه ۹۲ کتاب	۱/۵
	$x^{\frac{۵}{۹}} \quad (۰ / ۵) \quad \text{(الف)}$ $\sqrt[۳]{۰/۱} \quad (۰ / ۵) \quad \text{(ب)}$ $\sqrt[۴]{a^۳} \quad (۰ / ۵) \quad \text{(پ)}$	
۱۷	صفحه ۱۰۲ کتاب	۱/۵
	$f(x) = ۴^x \quad \text{شماره (۳)}$ $f(x) = ۳^x \quad \text{شماره (۲)}$ $f(x) = ۲^x \quad \text{شماره (۱)}$ $\text{هر مورد (۰/۵)}$	
۱۸	صفحه ۱۰۳ کتاب	۱
	$y = ۱۰۰۰۰۰(۱ - ۰/۰۱) \quad (۰ / ۵) \Rightarrow y = ۹۹۰۰۰ \quad (۰ / ۵)$	
۲۰	« همکاران محترم لطفا به پاسخ های درست دیگر به تناسب بارم نمره دهید. »	جمع نمره