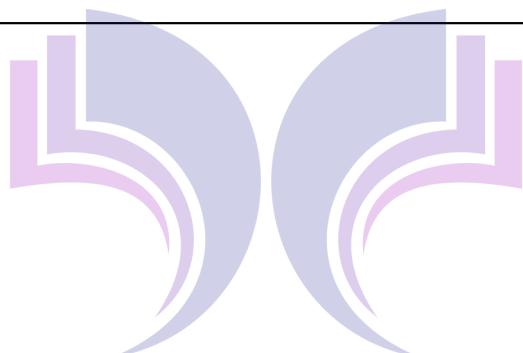


ساعت شروع:	۸:۰۰ صبح	رشته:	ادبیات و علوم انسانی / علوم و معارف اسلامی	تعداد صفحه:	۳	سوالات آزمون نهایی درس:	<b>ریاضی و آمار ۳</b>
مدت آزمون:	۱۲۰ دقیقه	نام و نام خانوادگی:	۱۴۰۳/۰۵/۳۱	تاریخ آزمون:	دوازدهم		
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایشارگر داخل و خارج کشور تابستان ۱۴۰۳ azmoon.medu.ir							
نمره	سوالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.						ردیف
۱	<p>درستی یا نادرستی جمله های زیر را مشخص کنید.</p> <p>الف) تعداد اعضای فضای نمونه <math>i</math> آزمایش تصادفی پرتاپ یک سکه و یک تاس ، باهم دارای ۸ عضو است.</p> <p>ب) هر دنباله <math>i</math> حسابی یک تابع خطی است که شبی خط، همان اختلاف مشترک جملات دنباله ، یعنی <math>d</math> است.</p> <p>پ) دنباله با رابطه بازگشتی <math>a_{n+1} = \frac{1}{3}a_n</math> ، <math>a_1 = 1</math> ، کاهشی است.</p> <p>ت) حاصل <math>\sqrt[4]{(-3)^4}</math> برابر ۳ است .</p>						۱
۱	<p>جاهاي خالي را با عبارات مناسب پر کنيد.</p> <p>الف) حاصل <math>1! + 4!</math> برابر است با ..... .</p> <p>ب) در گام ..... از چرخه آمار، داده ها را تحلیل و نتایج را ارائه می دهیم.</p> <p>پ) در دنباله با جمله عمومی <math>a_n = n^2 + 1</math> جمله سوم برابر با ..... است.</p> <p>ت) ریشه سوم عدد ۲۷ برابر است با ..... .</p>						۲
۱	<p>گزینه صحیح را انتخاب کنید.</p> <p>الف) فرض کنید <math>C, B, A</math> سه پیشامد غیر تهی در فضای نمونه <math>S</math> باشد . عبارت مجموعه ای مربوط به پیشامد « فقط پیشامد <math>A</math> رخدده و پیشامدهای <math>B</math> یا <math>C</math> رخدده » کدام است؟</p> <p>(۱) <math>(B \cap C) - A</math>      (۲) <math>(B \cup C) - A</math>      (۳) <math>A - (B \cup C)</math>      (۴) <math>A - (B \cap C)</math></p> <p>ب) اگر داده دور افتاده نداشته باشیم، شاخص مرکزی و پراکندگی مناسب برای توصیف داده ها کدام است؟</p> <p>(۱) میانگین- انحراف معیار      (۲) میانگین- دامنه میان چارکی      (۳) میانه- دامنه میان چارکی      (۴) میانه- انحراف معیار</p> <p>پ) جمله ای عمومی دنباله <math>\dots, 11, 8, 5, 2</math> کدام گزینه است؟</p> <p>(۱) <math>a_n = 5 - 3n</math>      (۲) <math>a_n = 3n - 1</math>      (۳) <math>a_n = 2n - 1</math>      (۴) <math>a_n = 3n + 2</math></p> <p>ت) در تساوی <math>5^{-x} = 5^x</math> مقدار <math>x</math> کدام است؟</p> <p>(۱) <math>\frac{1}{4}</math>      (۲) <math>-\frac{1}{4}</math>      (۳) <math>-\frac{1}{2}</math>      (۴) <math>\frac{1}{2}</math></p>						۳
۱.۷۵	<p>مجموعه <math>\{1, 2, 5, 6, 7\}</math> مفروض است.</p> <p>الف) با ارقام موجود در مجموعه <math>A</math> ، چند عدد سه رقمی فرد و بدون تکرار ارقام می توان نوشت؟</p> <p>ب) مجموعه <math>A</math> چند زیر مجموعه ای ۳ عضوی دارد؟</p>						۴
۱.۷۵	<p>خانواده ای دارای سه فرزند است.</p> <p>الف) پیشامد <math>A</math> این که فقط دو فرزند پسر باشد را مشخص کنید.</p> <p>ب) پیشامد <math>B</math> این که فرزندان هم جنس باشند را مشخص کنید.</p> <p>پ) آیا دو پیشامد <math>A</math> و <math>B</math> ناسازگارند؟ چرا؟</p>						۵

ردیف	سوالات آزمون نهایی درس: ریاضی و آمار ۳	تعداد صفحه: ۳	رشته: ادبیات و علوم انسانی / علوم و معارف اسلامی	ساعت شروع: ۸:۰۰ صبح	دسته آزمون: دوازدهم	تاریخ آزمون: ۱۴۰۳/۰۵/۳۱	نام و نام خانوادگی:	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایثارگر داخل و خارج کشور تابستان ۱۴۰۳ azmoon.medu.ir
۱	سوالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.								
۲	انجمان اولیا و مریبیان یک مدرسه شامل ۴ زن و ۶ مرد است. می خواهیم گروهی سه نفره انتخاب کنیم. مطلوب است محاسبه احتمال این که:  الف) دو نفر مرد و یک نفر زن باشند. ب) حداقل دو نفر زن باشند.	۶							
۳	نمودار مقابل مربوط به قد دانش آموزان یک دبیرستان است. با توجه به نمودار، میانگین و انحراف معیار را مشخص کنید.	۷							
۴	برای بررسی وضعیت اجتماعی-اقتصادی خانوارهای یک شهر، در کدام یک از شیوه های نمونه گیری زیر، همه ی قشرهای جامعه شناس حضور ندارند؟ چرا؟  الف) انتخاب تصادفی خانوارها بر اساس رقم اول تلفن خانه ها ب) انتخاب تصادفی خانوارها بر اساس رقم آخر تلفن خانه ها	۸							
۵	پنج جمله ای اول دنباله بازگشتی $a_1 = a_2 = 1$ ، $a_n = a_{n+1} + a_n$ را بنویسید.	۹							
۶	الف) دنباله ای حسابی $1, 5, 9, \dots, 105$ چند جمله دارد. ب) مجموع ده جمله ای اول این دنباله را با استفاده از فرمول به دست آورید.	۱۰							
۷	در یک دنباله حسابی، جمله ای دهم برابر $25$ و جمله ای پانزدهم برابر $40$ می باشد. جمله ای اول و اختلاف مشترک دنباله را حساب کنید.	۱۱							
۸	نمودار یک دنباله حسابی به صورت زیر است. سه جمله ای اول این دنباله را بنویسید.	۱۲							
۹									
۱۰	دنباله ای هندسی $18, 6, 2$ مفروض است. الف) نسبت مشترک را به دست آورید. ب) جمله ای عمومی دنباله را بنویسید. پ) مجموع شش جمله ای اول را با استفاده از فرمول محاسبه کنید.	۱۳							
۱۱	بین دو عدد $2$ و $16$ دو واسطه هندسی بنویسید.	۱۴							

ساعت شروع: ۸:۰۰ صبح	رشته: ادبیات و علوم انسانی / علوم و معارف اسلامی	تعداد صفحه: ۳	سوالات آزمون نهایی درس: <b>ریاضی و آمار ۳</b>
مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	نام و نام خانوادگی:	۱۴۰۳/۰۵/۳۱	تاریخ آزمون: <b>دوازدهم</b>
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایشارگر داخل و خارج کشور تابستان ۱۴۰۳ azmoon.medu.ir			
نمره	سؤالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.		
۰.۵	عبارت تواندار را به صورت رادیکالی و عبارت رادیکالی را به صورت تواندار بنویسید. $(\frac{2}{3})^{\frac{2}{3}} \quad \sqrt[5]{6^3}$	(ب)	ردیف ۱۵
۱	$(m^{\frac{2}{3}}n^{\frac{1}{6}})^3(mn^{\frac{1}{2}}) =$	$(m, n > 0)$	حاصل عبارت زیر را به ساده ترین صورت ممکن بنویسید. (۰ < m, n < ۱۶
۰.۷۵	نمودار تابع نمایی $y = (\frac{\Delta}{x})^x$ را در دستگاه مختصات رسم کنید.		۱۷
۱	اگر مقدار اولیه ماده ای ۱۰۰۰ گرم باشد و سالانه ۱۰ درصد مقدار آن کاهش یابد، پس از دو سال مقدار ماده ای باقیمانده چقدر خواهد بود؟		۱۸



ادبیات و علوم انسانی / علوم و معارف اسلامی		رشته:	راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: ریاضی و آمار ۳	
مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: صبح ۸:۰۰	تاریخ آزمون: ۱۴۰۳/۰۵/۳۱	دوازدهم	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایثارگر داخل و خارج کشور تابستان ۱۴۰۳			دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایثارگر داخل و خارج کشور تابستان ۱۴۰۳	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پژوهش azmoon.medu.ir			دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایثارگر داخل و خارج کشور تابستان ۱۴۰۳	
نمره	راهنمای تصحیح			ردیف
۱	الف) نادرست (صفحه ۲۰) ب) درست (صفحه ۶۶) پ) درست (صفحه ۷۶) ت) نادرست (صفحه ۹۷)			۱
۱	(هر مورد ۰/۲۵ نمره)  ب) ۲۵ (صفحه ۵) الف) ۲۵ چهارم (تحلیل داده ها) (صفحه ۳۴)  (هر جای خالی ۰/۲۵)			۲
۱	(صفحه ۱۸)  ب) گزینه ۱، (میانگین- انحراف معیار) (۰/۲۵)  (صفحه ۵۴)  پ) گزینه ۳، یعنی $a_n = 3n - 1$  (صفحه ۹۴)  ت) گزینه ۱، یعنی $\frac{1}{4}$			۳
۱.۷۵	$\frac{4 \times 3 \times 3}{75} = 36$  $\binom{5}{3} = 10$  			۴
۱.۷۵	الف) $\{ (d, p, p), (p, d, p), (p, p, d) \}$ (۰/۷۵)  ب) $B = \{ (p, p, p), (d, d, d) \}$ (۰/۵)  پ) بله ناسازگارند. (۰/۲۵) زیرا $A \cap B = \emptyset$ (اشترایک دو مجموعه تهی است). (۰/۲۵)			۵
۲	ب) (صفحه ۲۷)  $P(B) = \frac{n(B)}{n(S)} = \frac{\binom{5}{2} \times \binom{4}{1}}{\binom{10}{3}} + \frac{\binom{4}{3}}{\binom{10}{3}} = \frac{6 \times 6 + 4}{120} = \frac{40}{120} = \frac{1}{3}$  الف) (صفحه ۲۷)  $p(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{\binom{5}{2} \times \binom{4}{1}}{\binom{10}{3}} = \frac{15 \times 4}{120} = \frac{1}{2}$			۶
۰.۵	$\bar{x} = 160$ ، $\hat{o} = 165 - 160 = 5$			۷
۰.۷۵	قسمت الف (۰/۲۵) زیرا شماره تلفن های با رقم اول یکسان، همگی در یک منطقه هستند و ساکنین بعضی مناطق شانس انتخاب شدن ندارند. (۰/۵) (صفحه ۳۳)			۸
۰.۷۵	$n = 1 \rightarrow a_p = a_p + a_1 = 1 + 1 = 2$ (۰/۲۵)  $n = 2 \rightarrow a_p = a_p + a_2 = 2 + 1 = 3$ (روش اول) (۰/۲۵)  $n = 3 \rightarrow a_p = a_p + a_3 = 3 + 2 = 5$ (۰/۲۵)			۹

راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: ریاضی و آمار ۳			
ردیف	نمره	راهنمای تصحیح	
۱۸	۱	$f(2) = 1 \cdots \times \underbrace{\left(1 - \frac{1}{100}\right)^2}_{\cdot / 25} = 1 \cdots \times (0.9)^2 = \underbrace{81}_{\cdot / 25}$ (صفحه ۱۰۳)	۱۸
۱۷	۰.۷۵	(صفحه ۱۰۲) رسم نمودار (۰/۳۵ نمره) محور طول ها را قطع نکند (۰/۳۵ نمره) تعیین درست نقطه محل برخورد منحنی با محور عرض ها در نقطه (۱۰/۰ نمره)	۱۷
۱۶	۱	$\underbrace{m^2 n^{\frac{1}{2}}}_{\cdot / 25} \cdot \underbrace{m n^{\frac{1}{2}}}_{\cdot / 25} = \underbrace{m^3 n}_{\cdot / 25}$ (صفحه ۹۳)	۱۶
۱۵	۰.۵	۰.۵ (الف) $(0.5^3)^{\frac{2}{3}} = \sqrt[3]{(0.5^3)^2}$ (ب) $\sqrt[5]{6^3} = (6)^{\frac{3}{5}}$ هر مورد (۰/۲۵) (صفحه ۹۲)	۱۵
۱۴	۰.۷۵	۰.۷۵ $2, \underbrace{4, 8, 16}_{\cdot / 5} \quad r^3 = \frac{16}{2} = 8 \rightarrow r = 2 \quad (0/25)$ (صفحه ۸۳)	۱۴
۱۳	۱.۵	$S_6 = \frac{2(1 - 3^6)}{1 - 3} = \frac{2(1 - 729)}{-2} = \frac{2(-728)}{-2} = 728$ (صفحه ۸۱)	۱۳
۱۲	۰.۷۵	۰.۷۵ ۳, ۲, ۱ (صفحه ۶۷) (هر کدام ۰/۲۵)	۱۲
۱۱	۱.۵	$d = \frac{40 - 25}{15 - 10} = \frac{15}{5} = 3 \Rightarrow d = 3$ (صفحه ۷۱) $a_1 = a + 9d \Rightarrow 25 = a + (9 \times 3) \Rightarrow 25 = a + 27 \Rightarrow a = -2$ (صفحه ۷۱) روش دوم $\begin{cases} a_{15} = a_1 + 14d = 40 \\ a_1 = a_1 + 9d = 25 \end{cases} \Rightarrow 5d = 15 \Rightarrow d = 3 \Rightarrow a + (9 \times 3) = 25 \Rightarrow a = -2$ (صفحه ۷۱)	۱۱
۱۰	۱.۷۵	$a_n = a_1 + (n-1)d \Rightarrow 105 = 1 + 4(n-1) \Rightarrow 26 = n-1 \Rightarrow n = 27$ (صفحه ۷۱) روش دوم $n = \underbrace{\frac{105-1}{4}}_{\cdot / 25} + 1 = 27$ $S_{15} = \frac{1}{2} (2 \times 1 + (10-1) \times 4) = 5(2 + 9 \times 4) = 5(2 + 36) = 5 \times 38 = \underbrace{190}_{\cdot / 25}$ (صفحه ۷۱)	۱۰
۹	۱.۷۵	۱.۷۵	۹