

با سمهه تعالی

رشرته: ریاضی فیزیک	نام و نام خانوادگی:	ساعت شروع: ۱۰ صبح	ساعت شروع: ۱۰ صبح	سوالات امتحان نهایی درس: ریاضیات گسسته
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۱۰/۲۷	تعداد صفحه: ۲	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور در نوبت دی ماه سال ۱۴۰۰			
نمره	سوالات پاسخ نامه دارد			ردیف

۱	عبارت مناسب را از داخل پرانتز انتخاب کنید. الف) حاصل ضرب هر عدد گویای ناصفر در یک عدد گنگ، عددی (گنگ ، گویا) است. ب) اگر برای دو عدد صحیح a و b داشته باشیم $a b$ ، برای هر $m \in \mathbb{Z}$ داریم: $(a m)$ پ) اگر $a b$ آن گاه $b.m$ دو عدد a و b برابر با (a , b) است.	۱
۱/۵	اگر α و β دو عدد گنگ باشند ولی $\alpha + \beta$ گویا باشد، ثابت کنید $\beta - \alpha$ گنگ است.	۲
۱/۵	ثابت کنید باقیمانده تقسیم مربع هر عدد فرد بر ۸، برابر یک است.	۳
۱/۲۵	اگر در تقسیم، مقسوم و مقسوم علیه، هر دو بر عدد صحیح n بخش پذیر باشند، ثابت کنید باقیمانده تقسیم نیز همواره بر n بخش پذیر است.	۴
۱/۷۵	معادله سیاله $185 = 7y + 6x$ را حل کرده و جواب عمومی آن را بنویسید.	۵
۰/۷۵ ۰/۵ ۰/۷۵	<p>با توجه به گراف G (شکل مقابل) به سوالات زیر پاسخ دهید.</p> <p>الف) مقدار $q - \Delta(G)$ را بیابید.</p> <p>ب) یک دور به طول ۴ مشخص کنید.</p> <p>پ) با ذکر دلیل مشخص کنید گراف مکمل G چند یال دارد؟</p>	۶
۱	<p>درست یا نادرست بودن جملات زیر را مشخص کنید.</p> <p>الف) هر مجموعه احاطه‌گر مینیمال، یک مجموعه احاطه‌گر مینیمم است.</p> <p>ب) اگر G یک گراف n رأسی با ماکزیمم درجه Δ باشد آن گاه $\gamma(G) > \left\lceil \frac{n}{\Delta+1} \right\rceil$.</p> <p>پ) در گراف P_n عدد احاطه‌گری برابر با $\left\lceil \frac{n}{\Delta+1} \right\rceil$ است.</p> <p>ت) $\left\lceil \frac{3}{48} \right\rceil = 4$</p>	۷
۱/۵	عدد احاطه‌گری گراف G (شکل مقابل) را با ارائه راه حل، تعیین کنید.	۸
۱/۵	<p>گراف C_{10} رارسم کنید.</p> <p>الف) یک γ-مجموعه از آن را مشخص کنید.</p> <p>ب) یک مجموعه احاطه‌گر مینیمال ۵ عضوی از آن را تعیین نمایید.</p>	۹

«بقیه سوالات در صفحه دوم»

با اسمه تعالی

رشنده : ریاضی فیزیک	نام و نام خانوادگی :	س ساعت شروع: ۱۰ صبح	س ساعت شروع: ۱۰ صبح
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تاریخ امتحان : ۱۴۰۰/۱۰/۲۷	تعداد صفحه: ۲	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی			دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داولطبان آزاد سراسرکشور در نوبت دی ماه سال ۱۴۰۰
ردیف	سوالات پاسخ نامه دارد	نمره	

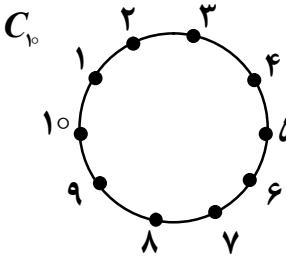
۱۰	می خواهیم با حروف «ش»، «الف» و «ث» و ۵ عدد ۹،۷،۵،۳،۱ یک رمز شامل ۸ کاراکتر تشکیل دهیم، مطلوب است، تعداد کل رمزهایی که در هر یک از آنها حروف کنار هم باشند.	۰/۵
۱۱	با حروف کلمه <u>جیرجیرک</u> چند کلمه ۷ حرفی می توان نوشت؟	۱
۱۲	به چند طریق می توان از بین ۶ نوع گل متفاوت، ۱۰ شاخه گل انتخاب کرد به طوری که از گل نوع سوم حداقل ۴ شاخه و از نوع ششم بیش از ۲ شاخه انتخاب کنیم؟	۱/۷۵
۱۳	در مربع لاتین A (شکل زیر) جای سطر اول و سوم را با هم جابه جا کنید تا مربع لاتین B ایجاد شود. سپس با ذکر دلیل بررسی کنید آیا A و B دو مربع لاتین متعامد هستند؟	۱/۲۵
	$A = \begin{array}{ c c c } \hline 2 & 3 & 1 \\ \hline 3 & 1 & 2 \\ \hline 1 & 2 & 3 \\ \hline \end{array}$	
۱۴	از بین اعداد طبیعی ۱ تا ۳۰۰، ($1 \leq n \leq 300$) چند عدد وجود دارد که بر ۴ بخش پذیر است ولی بر ۵ بخش پذیر نیست؟	۱/۵
۱۵	ثبت کنید در بین هر سه عدد طبیعی، حداقل دو عدد طبیعی وجود دارد که مجموعشان عددی زوج است؟	۱
	"موفق باشید"	۲۰ جمع نمره

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضیات گسسته	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۱۰ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۱۰/۲۷	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دی ماه سال ۱۴۰۰ مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی			

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	الف) گنگ (۰/۲۵) (مثال صفحه ۵) $a mb \quad (0/25)$ (ویژگی ۱ صفحه ۱۰) $\frac{m}{d} \quad (0/25)$ (ویژگی ۷ صفحه ۲۲) ت) $a \equiv b \quad (0/25)$ (کار در کلاس صفحه ۱۳) (پ) $ a \quad (0/25)$	۱
۲	فرض خلف: فرض کنیم $\alpha - \beta \in Q$ باشد. (۰/۲۵) می‌دانیم جمع دو عدد گویا عددی گویا است. پس $2\alpha \in Q \quad (0/25)$ (۰/۲۵) $(\alpha + \beta) + (\alpha - \beta) \in Q$. در نتیجه $\alpha \in Q \quad (0/25)$ و این با فرض گنگ بودن α تناقض دارد. (۰/۲۵) پس فرض خلف باطل و حکم اثبات می‌شود. (۰/۲۵)	۲
۳	$a = 2k+1 \quad (0/25) \Rightarrow a^2 = 4k^2 + 4k + 1 \quad (0/25) = 4\underbrace{k(k+1)}_{\text{ضرب دو عدد صحیح متوالی}} + 1 \quad (0/25) = 4 \times 2q + 1 \quad (0/25) = 8q + 1 \quad (0/25)$ $\Rightarrow r = 1 \quad (0/25)$ (مسئله ۳ صفحه ۱۵)	۳
۴	$a = bq + r \quad (0/25) \Rightarrow a - bq = r \quad (0/25) \Rightarrow \begin{cases} n a \\ n b \end{cases} \quad (0/25) \Rightarrow n a - bq \quad (0/25)$ $\Rightarrow n r \quad (0/25)$ (تمرین ۱۲ صفحه ۱۷)	۴
۵	$6x \equiv 185 \quad (0/25) \Rightarrow 6x \equiv 24 \quad (0/25) \xrightarrow{(6,7)=1} x \equiv 4 \quad (0/25)$ $\Rightarrow x = 7k + 4 \quad (0/25) \Rightarrow 6(7k + 4) + 7y = 185 \quad (0/25) \Rightarrow y = -6k + 23 \quad (0/25)$ (مشابه تمرین ۱۴ صفحه ۳۰)	۵
۶	الف) $7 - 4 = 3 \quad (0/75)$ (مفهوم اندازه گراف صفحه ۳۵ و مفهوم ماکریم درجه صفحه ۳۷) ب) $a d b c a$ یا $ab cda$ (۰/۵) (تعریف دور صفحه ۳۸) پ) $q(G) + q(\bar{G}) = \frac{p(p-1)}{2} \quad (0/25) \Rightarrow 7 + q(\bar{G}) = 15 \quad (0/25) \Rightarrow q(\bar{G}) = 8 \quad (0/25)$ (مسئله ۳ صفحه ۳۸)	۶
۷	الف) نادرست (۰/۲۵) ب) نادرست (۰/۲۵) پ) درست (۰/۲۵) ت) درست (۰/۲۵) (مفهوم سقف یک عدد در صفحه ۴۸)	۷
۸	طبق قضیه داریم $(G) = \gamma(G) \leq \gamma(D) = \gamma(\{b, e, g\}) = \gamma(\frac{10}{3+1}) = 3$ لذا (مشابه کار در کلاس صفحه ۵۰) $\gamma(G) = 3 \quad (0/25)$. بنابراین $\gamma(G) \leq 3$	۸

ادامه پاسخ‌ها در صفحه دوم

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضیات گسسته	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۱۰ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۱۰/۲۷	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دی ماه سال ۱۴۰۰		مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۹	رسم نمودار (۰/۲۵) الف) $D = \{1, 4, 7, 10\}$ (به گاما مجموعه های درست دیگر نیز نمره داده شود.) ب) $D = \{1, 3, 5, 7, 9\}$ (به مجموعه های احاطه گر مینیمال درست دیگر نیز نمره داده شود.)  (مشابه سوال ۱۱ صفحه ۵۴)	۱/۵
۱۰	(۰/۵) $6! \times 3!$ (مشابه مثال صفحه ۵۶)	۰/۵
۱۱	(۱) $\frac{7!}{2! \times 2! \times 2!}$ (مشابه مثال صفحه ۵۸)	۱
۱۲	(مشابه سوال ۸ صفحه ۷۱) $x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + x_5 + x_6 = 10 \quad (0/25)$ $x_2 \geq 4 \quad (0/25) \Rightarrow y_2 = x_2 - 4, y_2 \geq 0 \quad (0/25)$ $x_4 > 2 \quad (0/25) \Rightarrow y_4 = x_4 - 3, y_4 \geq 0 \quad (0/25)$ $x_1 + x_2 + y_2 + 4 + x_4 + x_5 + y_4 + 3 = 10 \quad (0/25)$ $\Rightarrow x_1 + x_2 + y_2 + x_4 + x_5 + y_4 = 3 \Rightarrow \binom{8}{5} \quad (0/25)$	۱/۷۵
۱۳	(۰/۲۵) متعامندند. (۰/۲۵) زیرا در مربع آخر هیچ عدد ۲ رقمی تکراری وجود ندارد. (۰/۲۵) $B = \begin{array}{ c c c } \hline 1 & 2 & 3 \\ \hline 3 & 1 & 2 \\ \hline 2 & 3 & 1 \\ \hline \end{array} \Rightarrow \begin{array}{ c c c } \hline 12 & 23 & 31 \\ \hline 32 & 11 & 22 \\ \hline 21 & 32 & 12 \\ \hline \end{array} \quad (0/5)$ (مشابه تمرین ۱۳ صفحه ۷۲)	۱/۲۵
۱۴	(مشابه سوال ۲ صفحه ۸۳) $A = \{1 \leq n \leq 300 \mid n = 4k \ (k \in N)\} \quad (0/25) \Rightarrow A = \left[\frac{300}{4} \right] = 75 \quad (0/25)$ $B = \{1 \leq n \leq 300 \mid n = 5k \ (k \in N)\}$ $A \cap B = \{1 \leq n \leq 300 \mid n = 20k \ (k \in N)\} \quad (0/25) \Rightarrow A \cap B = \left[\frac{300}{20} \right] = 15 \quad (0/25)$ $ A \cap B' = A - A \cap B \quad (0/25) = 75 - 15 = 60 \quad (0/25)$	۱/۵
۱۵	برای این که مجموع دو عدد زوج باشد، هر دو عدد یا باید زوج باشند و یا هر دو فرد. (۰/۲۵) بنابراین تعداد لانه ها برابر ۲ و تعداد کبوترها ۳ است. (۰/۲۵) طبق اصل لانه کبوتری حداقل یک لانه وجود دارد که دو کبوتر در آن قرار می گیرد. (۰/۲۵) یعنی حداقل دو عدد طبیعی از بین سه عدد وجود دارد که مجموعشان زوج خواهد شد. (۰/۲۵) (سوال ۱ صفحه ۸۳)	۱
۲۰	جمع نمره	

«همکاران گرامی لطفا برای راه حل های صحیح دیگر بارم را به تناسب تقسیم فرمایید.»