

با سمه تعالی

ساعت شروع: ۸ صبح	تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۶/۲۳	نام و نام خانوادگی:	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
تعداد صفحه: ۲	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	رشته: ریاضی فیزیک	سئوالات امتحان نهایی درس: هندسه ۳
دانش آموزان روزانه بزرگسال و داوطلبان آزادسرا سرکشور در نوبت شهروور ماه سال ۱۴۰۱			

ردیف	سوالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
------	-------------------------	------

استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی و رادیکال) مجاز است.

سوالات فصل اول

۱	الف) اگر دو ماتریس $A = \begin{bmatrix} 5 & 3 \\ 2 & 0 \end{bmatrix}$ و $B = \begin{bmatrix} 2x-1 & 3 \\ 2 & 0 \end{bmatrix}$ مساوی باشند، آنگاه مقدار $x$ برابر با ..... است. ب) اگر $A = \begin{bmatrix} 2 & m+1 \\ 2n+4 & 5 \end{bmatrix}$ یک ماتریس قطری باشد، با محاسبه $n$ و $m$ ماتریس $A + I$ را بیابید. (I ماتریس همانی مرتبه دو است).	۲
۲	اگر دو ماتریس مربعی $A$ و $B$ به صورت $A = [3i - 2j]_{3 \times 3}$ و $B = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 0 \\ 0 & 1 & 3 \\ -1 & 2 & 1 \end{bmatrix}$ باشند، الف) ماتریس $A$ را به صورت آرایش مستطیلی بنویسید. ب) ماتریس $B^3$ را محاسبه کنید.	۱
۳	اگر $A$ و $B$ دو ماتریس مربعی مرتبه ۳ و تعویض پذیر باشند، ثابت کنید: $(A - B)^2 = A^2 - 2AB + B^2$	۱
۴	اگر ماتریس $A = \begin{bmatrix} 4 & 1 \\ 0 & 3 \end{bmatrix}$ باشد، وارون ماتریس $A - 2I$ را بیابید. (I ماتریس همانی مرتبه دو است).	۱
۵	الف) در دستگاه $\begin{cases} ax + by = c \\ a'x + b'y = c' \end{cases}$ آنگاه دستگاه بی شمار جواب دارد. (درست-نادرست) ب) اگر $A = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 2 & 0 \\ -1 & 0 & 0 \end{bmatrix}$ باشد، حاصل $ A $ و $ A' $ را بیابید.	۱

سوالات فصل دوم

۶	الف) اگر صفحه $P$ بر محور سطح مخروطی عمود نباشد و با مولد موازی نباشد و فقط یکی از دو نیمه سطح مخروطی را قطع کند، در این صورت فصل مشترک صفحه $P$ و سطح مخروطی یک ..... است. ب) سه‌می، مکان هندسی نقاطی از یک صفحه است که از یک خط ثابت در آن صفحه و یک نقطه ثابت غیر واقع بر آن خط در آن صفحه به یک فاصله باشد. (درست-نادرست)	۰/۵
۷	دونقطه $A$ و $B$ و خط $d$ که شامل هیچ یک نیست در صفحه مفروض اند. نقطه‌ای بیابید که از $A$ و $B$ به یک فاصله بوده واز خط $d$ به فاصله ۳ سانتی متر باشد.	۱/۵
ادامه سوالات در صفحه دوم		

با اسمه تعالی

ساعت شروع: ۸ صبح	تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۶/۲۳	نام و نام خانوادگی:	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
تعداد صفحه: ۲	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	رشته: ریاضی فیزیک	سؤالات امتحان نهایی درس: هندسه ۳
دانش آموزان روزانه بزرگسال و داوطلبان آزادسرا سرکشور در نوبت شهریور ماه سال ۱۴۰۱			

ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
------	-------------------------	------

۸	الف) حدود $a$ را طوری به دست آورید که $x^2 + y^2 - 4x + 6y + a = 0$ معادله یک دایره باشد. ب) وضعیت خط $x + y = 1$ و دایره $x^2 + y^2 - 2x - 2y - 2 = 0$ را نسبت به هم مشخص کنید.	۲
۹	اگر $M$ نقطه‌ای بیرون بیضی باشد، ثابت کنید مجموع فواصل نقطه $M$ از کانونهای $F$ و $F'$ بزرگتر از طول قطر بزرگ بیضی است.	۱/۲۵
۱۰	اگر در یک بیضی طول $AA'$ (قطر بزرگ) برابر با ۱۶ و خروج از مرکز $\frac{3}{4}$ باشد، فاصله راس $A$ تا نزدیکترین کانون را به دست آورید.	۰/۷۵
۱۱	الف) معادله سهمی را بنویسید که $(A, 3)$ راس آن بوده و معادله خط هادی آن $x = 3$ باشد. ب) مختصات کانون سهمی را بیابید. پ) مختصات نقطه برخورد سهمی با محور طولها را حساب کنید.	۲

سوالات فصل سوم

۱۲	الف) در فضای سه بعدی، نمودار مربوط به معادلات $\begin{cases} x = 0 \\ z = 0 \end{cases}$ ، معادله محور ..... است. ب) اگر $\bar{a}$ و $\bar{b}$ دو بردار دلخواه، $r$ عدد حقیقی و $\bar{b} = r\bar{a}$ آنگاه $ \bar{b}  =  r  \bar{a} $ . (درست - نادرست) پ) شکل کلی (نمودار) مربوط به رابطه $2 \leq x < -1$ ، $y = x^2$ را در فضای دو بعدی رسم کنید. ت) طول بردار $\bar{a} = (0, -3, 4)$ را به دست آورید.	۱/۷۵
۱۳	مقدار $m$ را چنان بیابید که دو بردار $\bar{b} = (m+1, 3, 2)$ و $\bar{a} = (2, m, -1)$ بر هم عمود باشند.	۱
۱۴	اگر $3 =  \bar{a} $ و $5 =  \bar{b} $ و حاصل ضرب داخلی دو بردار $\bar{a}$ باشد، مساحت مثلثی که توسط دو بردار $\bar{a}$ و $\bar{b}$ تولید می شود چقدر است؟	۲
۱۵	حجم متوازی السطوحی را به دست آورید که توسط سه بردار $\bar{a} = (1, 0, -1)$ و $\bar{b} = (0, 2, 2)$ و $\bar{c} = (2, -3, 0)$ تولید می شود.	۱/۲۵
	موفق و سر بلند باشید	جمع نمره

مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۶/۲۳		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی		دانش آموزان روزانه بزرگسالان و داوطلبان آزاد سراسر شهریور ماه سال ۱۴۰۱	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	$2x - 1 = 5 \xrightarrow{(. / 25)} x = 3 \quad (0 / 25)$ $\begin{cases} m + 1 = 0 \\ 2n + 4 = 0 \end{cases} \xrightarrow{(. / 5)} \begin{cases} m = -1 \\ n = -2 \end{cases} \quad (0 / 5)$ $A + I = \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 5 \end{bmatrix} + \underbrace{\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}}_{(. / 25)} = \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ 0 & 6 \end{bmatrix} \quad (0 / 25)$ <p style="text-align: center;">ص ۱۳ و ۲۱</p>	۲
۲	$B^T = B \times B = \begin{bmatrix} 1 & 4 & 6 \\ -3 & 7 & 6 \\ -2 & 2 & 7 \end{bmatrix} \quad (0 / 5)$ $A = \begin{bmatrix} 1 & -1 & -3 \\ 4 & 2 & 0 \\ 7 & 5 & 3 \end{bmatrix} \quad (0 / 5)$ <p style="text-align: center;">الف)</p>	۱
۳	$(A - B)^T = \underbrace{(A - B)(A - B)}_{(. / 25)} = \underbrace{A^T - AB - BA + B^T}_{(. / 25)} \xrightarrow{AB=BA} A^T - 2AB + B^T \quad (0 / 25)$ <p style="text-align: center;">ص ۲۱</p>	۱
۴	$A - 2I = \begin{bmatrix} 4 & 1 \\ 0 & 3 \end{bmatrix} - 2 \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (0 / 25)$ $ A - 2I  = 2 \quad (. / 25) \longrightarrow (A - 2I)^{-1} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix} \quad (0 / 5)$ <p style="text-align: center;">ص ۲۳</p>	۱
۵	$ A  = 2 \quad (0 / 25)$ $\ A\ _A = \underbrace{ A ^3  A }_{(. / 25)} =  A ^4 = 16 \quad (0 / 25)$ <p style="text-align: center;">ب) نادرست (۰/۲۵) ص ۲۶</p> <p style="text-align: center;">ص ۳۱ و ۲۹</p>	۱
۶	$\text{الف) بیضی (۰/۲۵)} \quad \text{ب) درست (۰/۲۵)} \quad \text{ص ۳۱}$	۰/۵
۷	<p>مکان هندسی نقاطی که از دو نقطه <math>A</math> و <math>B</math> به یک فاصله اند عمودمنصف پاره خط <math>AB</math> است این خط را رسم می کنیم و <math>a</math> می نامیم . (۰/۲۵) مکان هندسی نقاطی که از خط <math>d</math> به فاصله <math>3</math> سانتی متر هستند دو خط <math>d'</math>, <math>d''</math> می باشند که موازی هستند. (۰/۲۵) محل برخورد دو خط <math>d'</math>, <math>d''</math> با خط <math>I</math> جواب مساله است .</p> <p>الف- اگر خط <math>I</math> دو خط <math>d'</math>, <math>d''</math> را قطع کند مسله دو جواب دارد (۰/۲۵)</p> <p>ب- اگر خط <math>I</math> بر یکی از دو خط <math>d'</math> یا <math>d''</math> منطبق باشد مسله بی شمار جواب دارد (۰/۲۵)</p> <p>پ- اگر خط <math>I</math> هیچ یک از دو خط <math>d'</math>, <math>d''</math> را قطع نکند مسله جواب ندارد. (۰/۲۵)</p> <p>رسم یک مورد شکل برای مساله الزامی است (۰/۲۵)</p> <p style="text-align: center;">ص ۳۸</p>	۱/۵
	« ادامه در صفحه دوم »	

مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۶/۲۳		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
دانش آموزان روزانه بزرگسالان و داوطلبان آزاد سراسر کشور شهریور ماه سال ۱۴۰۱			

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۸	$a^2 + b^2 > 4c \xrightarrow{(. / 25)} 16 + 36 > 4a \rightarrow a < 13 (0 / 25)$ $(x-1)^2 + (y-1)^2 = 4, O=(1,1), r=2(0 / 5), d = \frac{ 1+1-1 }{\sqrt{1^2+1^2}} = \frac{\sqrt{2}}{2} (0 / 5)$ $d < r (0 / 25)$ خط و دایره در دو نقطه متقاطع هستند. (0 / 25)	۴۶ ص
۹	از نقطه $M$ به کانونهای بیضی وصل می کنیم تا بیضی را در نقطه $D$ قطع کند ، نقطه $D$ روی بیضی قرار دارد بنا بر تعریف بیضی : $DF + DF' = 2a$ داریم $\underbrace{MD + MF' > DF'}_{(0 / 25)} \xrightarrow{+DF}$ $DF + MD + MF' > DF + DF' \xrightarrow{(0 / 25)}$ $\underbrace{MF + MF' > 2a}_{(0 / 25)}$	۱/۲۵
۱۰	$\frac{c}{a} = \frac{3}{4} (0 / 25) \xrightarrow{a=8} c=6 \xrightarrow{(0 / 25)} AF = a - c = 2 (0 / 25)$	۴۹ ص
۱۱	الف) با توجه به جایگاه راس و معادله خط هادی ، سهمی افقی و دهانه آن به سمت چپ می باشد. (0 / 25) در این سهمی $a = 1 (0 / 25)$ و معادله آن برابر است با: $(y-3)^2 = -4(x-2) (0 / 5)$ ب) مختصات کانون سهمی $F(-a+h, k) = (-1+2, 3) = (1, 3) (0 / 25)$ پ) مختصات محل برخورد با محور طول ها برابر است با: $(0 / 25), (\frac{-1}{4}, 0) (0 / 25)$ «ادامه در صفحه سوم»	۲ ۵۴.۵۸ ص

مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۶/۲۳		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
دانش آموزان روزانه بزرگسالان و داوطلبان آزاد سراسر کشور شهریور ماه سال ۱۴۰۱			

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۲	<p>الف) عرض ها یا محور علاوه بر درست (۰/۲۵) ص ۶۷</p> <p>پ) رسم نمودار (به طوری که نقطه توپر و توخالی مشخص باشد) (۰/۷۵) ص ۶۳</p> <p>ت) <math> \vec{a}  = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2} = 5 \quad (0/25)</math></p>	۱/۷۵
۱۳	$\vec{a} \perp \vec{b} \rightarrow \vec{a} \cdot \vec{b} = 0 \rightarrow 2(m+1) + 3m - 2 = 0 \rightarrow m = 0 \quad (0/25)$	۱
۱۴	$\vec{a} \cdot \vec{b} =  \vec{a}   \vec{b}  \cos \theta \rightarrow 10 = 3 \times 5 \cos \theta \rightarrow \cos \theta = \frac{2}{3}, \sin \theta = \frac{\sqrt{5}}{3} \quad (0/25)$ $ \vec{a} \times \vec{b}  =  \vec{a}   \vec{b}  \sin \theta = 5\sqrt{5} \quad (0/25) \rightarrow S_{\Delta} = \frac{1}{2}  \vec{a} \times \vec{b}  = \frac{5\sqrt{5}}{2} \quad (0/25)$ <p>اگر دانش آموز با استفاده از اتحاد لاغرانژ هم مساله را حل کند در صورت درست بودن راه حل نمره کامل داده شود.</p>	۲
۱۵	$(\vec{b} \times \vec{c}) = (6, 4, -4) \quad (0/5)$ $v =  \vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c})  =  (1, 0, 1) \cdot (6, 4, -4)  = 10 \quad (0/25)$ <p>اگر دانش آموز به صورت زیر حل کند نمره کامل داده شود :</p> $v =  \vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c})  = \begin{vmatrix} 1 & 0 & -1 \\ 0 & 2 & 2 \\ 2 & -3 & 0 \end{vmatrix} = 10 \quad (0/25)$	۱/۲۵
	"مصحح گرامی، به راه حل های درست و منطبق بر کتاب درسی بارم به تناسب منظور شود"	۲۰