

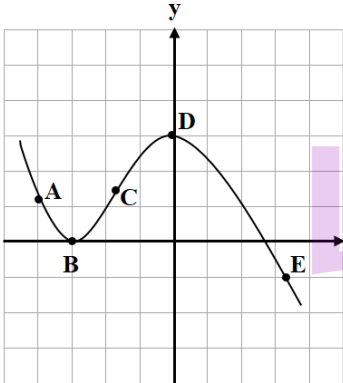
سؤالات آزمون نهایی درس : حسابان ۲	رشته : ریاضی و فیزیک	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ۲
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	ساعت شروع: ۹ صبح	تاریخ آزمون: ۱۴۰۲/۰۶/۰۴	نام و نام خانوادگی :
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور در نوبت شهریور ماه سال ۱۴۰۲			

ردیف	استفاده از ماشین حساب ساده بلامانع است	نمره
------	--	------

۱	<p>درستی یا نادرستی عبارت‌های زیر را تعیین کنید.</p> <p>الف) عبارت $x^{16} + 1$ بر $x + 1$ بخش پذیر است.</p> <p>ب) تابع f روی بازه (a, b) مشتق پذیر است هرگاه، در هر نقطه این بازه مشتق پذیر باشد.</p> <p>پ) اگر تابعی صعودی باشد، آهنگ تغییر متوسط آن همواره صعودی است</p>	۰/۷۵
۲	<p>جاهای خالی را با عدد یا کلمه مناسب کامل کنید.</p> <p>الف) اگر برد تابع $y = \sqrt{x}$ بازه $[0, 2]$ باشد، برد تابع $y = 2 + \sqrt{x-2}$ برابر است.</p> <p>ب) مجانب‌های افقی تابع $y = \frac{ x +1}{2x-1}$ برابر و است.</p>	۱
۳	<p>نمودار تابع $y = f(x)$ در شکل مقابل رسم شده است.</p> <p>نمودار تابع $y = f(1-x) + 1$ را رسم کنید.</p>	۱
۴	<p>با توجه به نمودار تابع مقابل، تعیین کنید:</p> <p>الف) تابع f در چه بازه‌هایی اکیداً یکنوا است.</p> <p>ب) آیا تابع در کل دامنه خود اکیداً یکنوا است؟</p>	۰/۷۵
۵	<p>مقادیر a و b را چنان بیابید که عبارت $p(x) = x^3 - ax + b$ بر $(x-2)$ بخش پذیر باشد و باقیمانده تقسیم آن بر $(x+1)$ برابر ۳ باشد.</p>	۱
۶	<p>ضابطه تابعی به صورت $y = a \cos bx + c$ را بنویسید که دوره تناوب آن ۲، مقدار ماکزیمم آن ۳ و مقدار مینیمم آن -۱ باشد.</p>	۱/۵
« ادامه سؤالات در صفحه دوم »		

سؤالات آزمون نهایی درس : حسابان ۲	رشته : ریاضی و فیزیک	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ۲
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	ساعت شروع: ۹ صبح	تاریخ آزمون: ۱۴۰۲/۰۶/۰۴	نام و نام خانوادگی :
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور در نوبت شهریور ماه سال ۱۴۰۲			

ردیف	استفاده از ماشین حساب ساده بلامانع است	نمره
------	--	------

۷	جواب های معادله مثلثاتی $\sin x + 2\sqrt{3} = 0$ را در بازه $[0, 2\pi]$ به دست آورید.	۱/۵
۸	حدود توابع زیر را در صورت وجود بیابید. الف) $\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{[x] - 1}{(x - 1)^2}$ ب) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^6 + 3x - 1}{2 + x - x^6}$	۱/۵
۹	مجانِب قائم منحنی تابع $f(x) = \frac{1}{x - x }$ را به دست آورید.	۱
۱۰	با توجه به نمودار تابع مقابل الف) در کدام نقطه مقدار تابع و مقدار مشتق تابع منفی است؟ ب) در کدام نقطه مقدار تابع و مقدار مشتق تابع برابر صفر است؟ پ) در بین نقاط داده شده کدام نقطه بیشترین شیب را دارد؟ ت) شیب نقاط D و A را با هم مقایسه نمایید. 	۱
۱۱	با استفاده از تعریف مشتق تابع، مشتق پذیری تابع $f(x) = \sqrt[3]{x} - 2$ را در نقطه $x = 2$ بررسی نمایید.	۱
۱۲	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست.) الف) $f(x) = (x^6 + 2x)(\sqrt{x})$ ب) $g(x) = 3 \tan x - \sin^3(2x)$	۲
۱۳	تابعی با ضابطه $f(x) = \frac{3x - 6}{x^2 + 2}$ را در نظر بگیرید: الف) آهنگ تغییر متوسط در بازه $[-2, 0]$ را به دست آورید. ب) آهنگ تغییر لحظه ای در $x = -1$ را به دست آورید.	۱/۵
۱۴	اکسترم های مطلق تابع $f(x) = x^5 - 5x$ را در بازه $[0, 2]$ به دست آورید.	۱/۲۵
۱۵	ابتدا جهت تقعر تابع $f(x) = \frac{2x + 1}{x - 1}$ را در دامنه آن بررسی نمایید و سپس نقطه عطف آن را در صورت وجود، به دست آورید.	۱/۲۵
۱۶	جدول رفتار و نمودار تابع $y = \frac{2}{3}x^3 - x^2$ را رسم کنید.	۲
۲۰	موفق و سربلند باشید.	جمع نمره

راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: حسابان ۲	رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۹ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		تاریخ امتحان : ۱۴۰۲/۰۶/۰۴	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور در شهریور سال ۱۴۰۲			

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۱	الف) نادرست (۰/۲۵) صفحه ۲۰ پ) نادرست (۰/۲۵) صفحه ۱۱۰	ب) درست (۰/۲۵) صفحه ۹۷	۰/۷۵
۲	الف) $[2, 4]$ (۰/۵) صفحه ۱۱ ب) $y = \frac{1}{2}$ و $y = -\frac{1}{2}$ (۰/۵) صفحه ۶۹		۱
۳	صفحه ۱۲	<p>(بارم هر قسمت رسم شکل ۰/۵ نمره)</p>	۱
۴	صفحه ۲۱ الف) $(0, +\infty)$ اکیداً یکنوا (اکیداً صعودی) (۰/۲۵) و $(-\infty, 0)$ اکیداً یکنوا (اکیداً صعودی) (۰/۲۵) ب) خیر، در کل دامنه اکیداً یکنوا نیست (۰/۲۵)		۰/۷۵
۵	صفحه ۲۲ $\begin{cases} P(2) = 0 \Rightarrow 8 - 2a + b = 0 & (۰/۲۵) \\ P(-1) = 3 \Rightarrow a + b = 4 & (۰/۲۵) \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -2a + b = -8 \\ a + b = 4 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a = 4 & (۰/۲۵) \\ b = 0 & (۰/۲۵) \end{cases}$		۱
۶	صفحه ۳۴ $T = \frac{2\pi}{ b } = 2 \Rightarrow b = \pi \quad (۰/۵)$ $ a = 2 \quad (۰/۲۵), \quad c = 1 \quad (۰/۲۵) \Rightarrow y = -2\cos(\pi x) + 1 \quad \text{یا} \quad y = 2\cos(\pi x) + 1 \quad (۰/۵)$ <p>"تنها نوشتن یکی از ضابطه های بالا کافی است."</p>		۱/۵
۷	صفحه ۳۹ $4\sin x + 2\sqrt{3} = 0 \Rightarrow \sin x = -\frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow \sin x = \sin(-\frac{\pi}{3})$ $\Rightarrow \begin{cases} x = 2k\pi - \frac{\pi}{3} & (۰/۲۵) \\ x = 2k\pi + \frac{4\pi}{3} & (۰/۲۵) \end{cases} \quad (k \in \mathbb{Z}) \Rightarrow \begin{cases} x = \frac{5\pi}{3} & (۰/۲۵) \\ x = \frac{4\pi}{3} & (۰/۲۵) \end{cases} \quad [0, 2\pi]$		۱/۵
۸	صفحه ۶۹ ب) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^4}{-x^4} = -1 \quad (۰/۷۵)$ الف) $\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{-1}{0^+} = -\infty \quad (۰/۷۵)$ صفحه ۵۳		۱/۵

راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: حسابان ۲	رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۹ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		تاریخ امتحان : ۱۴۰۲/۰۶/۰۴	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور در شهریور سال ۱۴۰۲			

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۹	صفحه ۵۸ (به پاسخ های صحیح از روش رسم نمودار نمره تعلق گیرد.) $f(x) = \frac{1}{x - x } = \begin{cases} \text{تعریف نشده} & x > 0 \\ \frac{1}{2x} & x < 0 \end{cases} \quad (0/5)$ $\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{1}{2x} = -\infty \Rightarrow x = 0 \quad \text{مجانِب قائم} \quad (0/5)$	۱
۱۰	صفحه ۸۲ الف) E (۰/۲۵) ب) B (۰/۲۵) پ) C (۰/۲۵) ت) $m_D > m_A$ (۰/۲۵)	۱
۱۱	صفحه ۸۸ $f'(2) = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x) - f(2)}{x - 2} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt[3]{x-2}}{x-2} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{1}{\sqrt[3]{(x-2)^2}} = +\infty \quad (0/25)$ تابع در نقطه $x = 2$ مشتق پذیر نیست. (۰/۲۵)	۱
۱۲	صفحه ۱۰۱ الف) $f'(x) = \underbrace{(4x^3 + 2)(\sqrt{x})}_{(0/5)} + \underbrace{\frac{1}{2\sqrt{x}}(x^6 + 2x)}_{(0/5)}$ ب) $g'(x) = \underbrace{3(1 + \tan^2 x)}_{(0/25)} - \underbrace{6 \sin^2 x \cos 2x}_{(0/75)}$	۲
۱۳	صفحه ۱۱۰ الف) $\frac{f(0) - f(-2)}{0 + 2} = \frac{-3 + 2}{2} = -\frac{1}{2} \quad (0/75)$ ب) $f'(x) = \frac{-3x^2 + 12x + 6}{(x^2 + 2)^2} \Rightarrow f'(-1) = -1 \quad (0/75)$	۱/۵
۱۴	صفحه ۱۲۳ $f'(x) = \underbrace{5x^5 - 5}_{(0/25)} \Rightarrow \begin{cases} x = +1 & (0/25) \\ x = -1 & \text{غیر قابل قبول} \end{cases}$ $f(1) = -4 \quad \text{مینیمم مطلق} \quad (0/25)$ $f(0) = 0 \quad (0/25)$ $f(2) = 22 \quad \text{ماکزیمم مطلق} \quad (0/25)$	۱/۲۵

راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: حسابان ۲	رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۹ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		تاریخ امتحان : ۱۴۰۲/۰۶/۰۴	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور در شهریور سال ۱۴۰۲			

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۱۵	<p>صفحه ۱۳۶</p> <p>جدول (۰/۵)</p> <p>نقطه عطف وجود ندارد (۰/۲۵)</p>	<p>۱/۲۵</p> $\underbrace{f'(x) = \frac{-3}{(x-1)^2}}_{(۰/۲۵)} \Rightarrow \underbrace{f''(x) = \frac{6}{(x-1)^3}}_{(۰/۲۵)}$ <table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>۱</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>f''</td> <td>-</td> <td></td> <td>+</td> </tr> <tr> <td>f</td> <td></td> <td></td> <td></td> </tr> </table>	x	$-\infty$	۱	$+\infty$	f''	-		+	f															
x	$-\infty$	۱	$+\infty$																							
f''	-		+																							
f																										
۱۶	<p>صفحه ۱۴۴</p> <p>رسم نمودار (۰/۵)</p> <p>جدول (۰/۵)</p>	<p>۲</p> <p>$D_f = \mathbb{R}$</p> $\underbrace{f'(x) = 2x^2 - 2x = 0}_{(۰/۲۵)} \Rightarrow \begin{cases} x=0 & (۰/۲۵) \\ x=1 & (۰/۲۵) \end{cases}$ $f''(x) = 4x - 2 = 0 \Rightarrow x = \frac{1}{2} \quad (۰/۲۵)$ <table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>۰</td> <td>$\frac{1}{2}$</td> <td>۱</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>f'</td> <td>+</td> <td>-</td> <td>-</td> <td>+</td> <td>+</td> </tr> <tr> <td>f''</td> <td>-</td> <td>-</td> <td>+</td> <td>+</td> <td>+</td> </tr> <tr> <td>f</td> <td></td> <td>↗</td> <td>↘</td> <td>↘</td> <td>↗</td> </tr> </table> <p>max min</p>	x	$-\infty$	۰	$\frac{1}{2}$	۱	$+\infty$	f'	+	-	-	+	+	f''	-	-	+	+	+	f		↗	↘	↘	↗
x	$-\infty$	۰	$\frac{1}{2}$	۱	$+\infty$																					
f'	+	-	-	+	+																					
f''	-	-	+	+	+																					
f		↗	↘	↘	↗																					
۲۰	<p>جمع بارم « همکاران گرامی لطفا به راه حل های صحیح دیگر به تناسب نمره دهید . »</p>																									